

## Übungsblatt 2

### Aufgabe P1 *Multiple Choice.*

Bei einer Klausur werden Multiple-Choice Aufgaben gestellt, bei denen von 3 vorgegebenen Antworten genau eine richtig ist. Falls ein Teilnehmer die richtige Antwort auf eine Frage nicht weiß, wird er raten. Ein gewisser Teilnehmer hat 80% der Fragen richtig beantwortet.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat der Teilnehmer eine beliebige Frage tatsächlich gewusst?
- b) Nun hat der Student eine Frage richtig beantwortet. Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat er die Antwort auf die Frage tatsächlich gewusst?

### Aufgabe P2 *Gefangene.*

Für drei Gefangene A,B,C besteht die gleiche Wahrscheinlichkeit, dass sie freigelassen werden, es wird aber entschieden, dass nur zwei von ihnen freikommen sollen. Der Wärter weiß wer. Gefangener A fragt den Wärter, ob er freigelassen wird. Der Wärter will die Frage nicht beantworten, bietet aber an, den Namen eines anderen Gefangenen zu nennen (rein zufällig, wenn Gefangener B und C frei kommen), der freigelassen wird. Gefangener A lehnt ab, da er folgende Überlegung hat: Wenn er nicht den Wärter fragt, hat er eine Chance von  $\frac{2}{3}$  freigelassen zu werden. Teilt der Wärter z.B. mit, dass Gefangener B entlassen wird, so ist die Chance für ihn selbst nur  $\frac{1}{2}$  (entweder wird Gefangener A und B oder Gefangener B und C freigelassen). Wo ist der Fehler in der Überlegung von A? Geben Sie einen passenden diskreten Wahrscheinlichkeitsraum an und zeigen Sie durch Rechnung, dass A sich irrt.

### Aufgabe P3 *Unabhängigkeit von Teilmengen.*

Es seien A und B Ereignisse mit  $A \subset B$ . Zeigen Sie: A und B sind genau dann unabhängig, falls  $\mathbb{P}(A) = 0$  oder  $\mathbb{P}(B) = 1$ .

**Aufgabe H1** *Verkehrsmittel und Geschlecht.*

Die Belegschaft einer Firma besteht jeweils zur Hälfte aus Männern und Frauen. Insgesamt kommen 30% der Belegschaft zu Fuß zur Arbeit; 25% kommen mit dem Fahrrad. Der Rest der Belegschaft reist mit dem Auto an. Unter denjenigen, die zu Fuß zur Arbeit kommen sind 60% Frauen. Unter denen, die mit dem Auto zur Arbeit kommen beträgt der Frauenanteil hingegen lediglich 40%.

- a) Bestimmen Sie den Frauenanteil unter den Mitarbeitern, die mit dem Fahrrad zur Arbeit kommen.
- b) Welcher Anteil der weiblichen Mitarbeiter kommt mit dem Fahrrad zur Arbeit?
- c) Welcher Anteil der männlichen Mitarbeiter kommt mit dem Fahrrad zur Arbeit?

**Aufgabe H2** *Schwarz und Weiß.*

Eine Urne enthält zwei schwarze und zwei weiße Kugeln. Es werden nacheinander drei Kugeln gezogen. Falls eine weiße Kugel gezogen wird, wird diese nicht zurückgelegt. Falls eine schwarze Kugel gezogen wird, wird diese zurückgelegt.

- a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden Kugeln in der Reihenfolge schwarz, weiß, schwarz gezogen ?
- b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden zwei schwarze und eine weiße Kugeln gezogen?
- c) Sie bekommen die Information, dass die erste und dritte Kugel schwarz war. Mit welcher Wahrscheinlichkeit war dann die zweite Kugel weiß?

**Aufgabe H3** *Unabhängige Ereignisse.*

Seien  $A, B$  zwei Ereignisse mit  $0 < \mathbb{P}(B) < 1$ . Leiten Sie aus den Definitionen her, dass  $\mathbb{P}(A|B) = \mathbb{P}(A|B^c)$  genau dann gilt, wenn  $A, B$  unabhängig sind.

Abgabe der Hausübungen **Freitag, 3. November, 13:00 Uhr**

Viel Erfolg! :)